

# ВЛИЯНИЕ СЛАБОГО МАГНИТНОГО ПОЛЯ НА СПИРАЛЬНУЮ СТРУКТУРУ ФЕРРОХОЛЕСТЕРИКА В СДВИГОВОМ ПОТОКЕ

А. А. Новиков, Д. В. Макаров

Пермский государственный национальный исследовательский университет,  
614990, Пермь, Букирева, 15

Включение магнитного поля перпендикулярно оси спирали холестерического жидкого кристалла (холестерика) с положительной анизотропией магнитной восприимчивости, вызывая поворот директора в направлении поля, приводит к раскручиванию его спиральной структуры. Шаг спирали холестерика с ростом поля увеличивается, обращаясь в бесконечность при некотором критическом значении напряженности магнитного поля, и в системе происходит ориентационный переход холестерик – нематик [1]. Известно, что течением жидкого кристалла (ЖК) тоже можно воздействовать на его ориентационную структуру. Так сдвиговое течение нематика с постоянным градиентом скорости ориентирует его директор под некоторым углом к потоку, называемым углом Лесли [1] и определяемым отношением коэффициентов вращательной вязкости ЖК. Как было показано в работе [2], спиральную структуру холестерика можно раскрутить сдвиговым потоком. Воздействие однородного магнитного поля на сдвиговое течение холестерика было теоретически исследовано в работе [3].

Одно из направлений физики мягкой материи (soft matter), к которому в последнее время наблюдается повышенный исследовательский интерес, связано с различными типами мягких композитных сред на основе ЖК [4–5]. Примером таких сред являются феррохолестерические жидкие кристаллы (ФХ) – суспензии анизометричных частиц ферро- или ферримангнетика, в которых жидкостью-носителем является холестерический жидких кристалл [6]. В данной работе теоретически исследуется совместное воздействие магнитного поля и сдвигового потока на ориентационную структуру феррохолестерика.

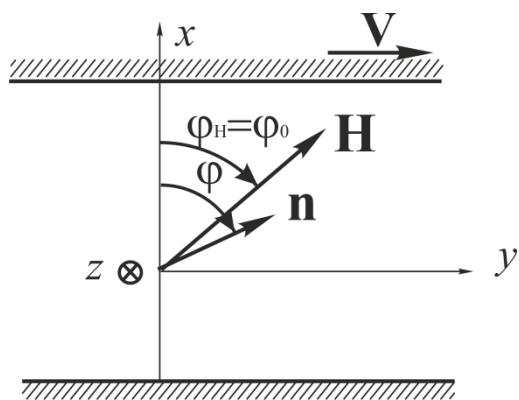


Рис. 1. Геометрия задачи

Рассмотрим помещенный между двумя неограниченными параллельными пластинами феррохолестерик, ось спирали которого направлена вдоль оси  $z$  (Рис. 1). Пусть одна пластина движется относительно другой со скоростью  $V$ . Для простоты будем рассматривать достаточно толстый слой, пренебрегая ориентирующим влиянием поверхностей, которые искажают спиральную структуру ФХ. Градиент скорости сдвигового течения  $\mathbf{U} = (U, 0, 0)$  предполагается величиной постоянной по всей толщине образца. Сцепление между ЖК-

матрицей и магнитными частицами будем считать жестким и планарным. Приложим в плоскости сдвига к ФХ постоянное магнитное поле  $\mathbf{H} = [H \cos \varphi_H, H \sin \varphi_H, 0]$ . В рассматриваемом приближении единичный вектор намагниченности и директор определяются вектором  $\mathbf{n} = [\cos \varphi(z), \sin \varphi(z), 0]$ , а уравнения движения среды выполняются тождественно.

Уравнение движения директора  $\mathbf{n}$  имеет вид [1]:

$$\mathbf{h} = \gamma_1 \mathbf{N} + \gamma_2 \mathbf{n} \cdot \mathbf{A}, \quad (1)$$

где молекулярное поле  $\mathbf{h}$  и скорость директора относительно движущейся среды  $\mathbf{N}$  определяются следующими соотношениями:

$$h_i = -\frac{\partial F_V}{\partial n_i} + \frac{\partial}{\partial r_k} \frac{\partial F_V}{\partial (\partial n_i / \partial r_k)}, \quad N_i = \frac{dn_i}{dt} - \Omega_{ik} n_k,$$

здесь  $A_{ik} = (\nabla_k V_i + \nabla_i V_k) / 2$ ,  $\Omega_{ik} = (\nabla_k V_i - \nabla_i V_k) / 2$  – симметричная и антисимметричная части тензора градиентов скоростей. Объемная плотность свободной энергии  $F_V$  феррохолестерика в рассматриваемом приближении имеет вид [6]:

$$F_V = \frac{1}{2} [K_{11} (\nabla \cdot \mathbf{n})^2 + K_{22} (\mathbf{n} \cdot \nabla \times \mathbf{n} + q_0)^2 + K_{33} (\nabla \times \mathbf{n})^2] - M_s f \mathbf{n} \cdot \mathbf{H} + \frac{k_B T}{v_p} f \ln f, \quad (2)$$

где первый вклад – это потенциал Озеена-Франка, второй – плотность свободной энергии взаимодействия магнитного поля с магнитными моментами феррочастиц (дипольный вклад), а третий – вклад энтропии смешения идеального раствора магнитных частиц. Здесь  $K_{ii}$  – константы ориентационной упругости холестерика,  $q_0$  – волновое число его невозмущенной спиральной структуры,  $\mathbf{n}$  – директор,  $f$  – объемная доля магнитных частиц,  $v_p$  – объем феррочастицы,  $k_B$  – постоянная Больцмана,  $T$  – температура.

В потенциале (2) мы ограничиваемся предельным случаем слабых магнитных полей, когда основной механизм влияния поля на ФХ связан с его воздействием на примесную подсистему из феррочастиц. По этой причине отсутствует квадрупольный вклад, связанные с воздействием магнитного поля на диамагнитную ЖК-матрицу.

Уравнения (1) в рассматриваемой геометрии с учетом (2) приводят к следующему уравнению для угла поворота директора и намагниченности в ФХ:

$$\frac{d^2 \varphi}{d\zeta^2} + \varepsilon h \sin(\varphi - \varphi_0) - \frac{u}{2} (\cos 2\varphi_0 - \cos 2\varphi) = 0. \quad (3)$$

Здесь  $u = U / U_0$  – безразмерный градиент скорости сдвига,  $h = H / H_0$  – безразмерная напряженность магнитного поля,  $\zeta = q_0 z$  – безразмерная координата

та. В качестве единицы измерения градиента скорости и магнитного поля выбраны величины  $U_0 = K_{22}q_0^2/|\gamma_2|$ ,  $H_0 = q_0\sqrt{K_{22}/\chi_a}$ , где  $\chi_a$  – анизотропия диамагнитной восприимчивости холестерика. Угол  $\varphi_0 = 1/2 \arccos(-1/\lambda)$  – угол ориентации директора ЖК в сдвиговом потоке, где  $\lambda = -\gamma_2/\gamma_1$  – реактивный параметр. Кроме того, в уравнении (3) оставлен параметр  $\varepsilon = q_0\sqrt{K_{22}\chi_a}/(fM_s)$ , который есть в полной системе уравнений, учитывающей квадрупольное воздействие на ФХ. В случае слабых магнитных полей он, конечно же, является избыточным, но мы не будем специально для предельного случая переопределять магнитные единицы.

Интегрируя уравнение (3) один раз, имеем

$$\frac{d\varphi}{d\zeta} = \sqrt{A}, \quad A = k + u(\varphi \cos 2\varphi_0 - \sin \varphi \cos \varphi) - 2\varepsilon h \cos(\varphi - \varphi_H), \quad (4)$$

где  $k$  – это константа интегрирования. Интегрируя (4) по периоду спиральной структуры ФХ, для шага спирали получаем выражение:

$$p = \int_{\varphi_c - 2\pi}^{\varphi_c} A^{-1/2} d\varphi. \quad (5)$$

Здесь  $\varphi_c$  – угол, под которым будет ориентирован директор при раскручивании спирали ФХ.

Наличие сдвигового течения с постоянным градиентом скорости допускает введение функции эффективной плотности свободной энергии ФХ  $F_v^{eff}$  при совместном действии магнитного поля и течения [2]:

$$\frac{F_v^{eff}}{K_{22}q_0^2} = \frac{1}{2} \left( \frac{d\varphi}{d\zeta} - 1 \right)^2 - \varepsilon h \cos(\varphi - \varphi_0) - \frac{u}{2} (\sin \varphi \cos \varphi - \varphi \cos 2\varphi_0), \quad (6)$$

при минимизацией которой получается стационарное уравнение движения директора и намагниченности (3). Запишем свободную энергию в расчете на один шаг спиральной структуры ФХ с учетом эффективного потенциала (6):

$$\frac{F}{VK_{22}q_0^2} = \frac{1}{p} \int_{\varphi_c - 2\pi}^{\varphi_c} \sqrt{A} d\varphi - \frac{2\pi}{p} + \frac{1-k}{2}, \quad (7)$$

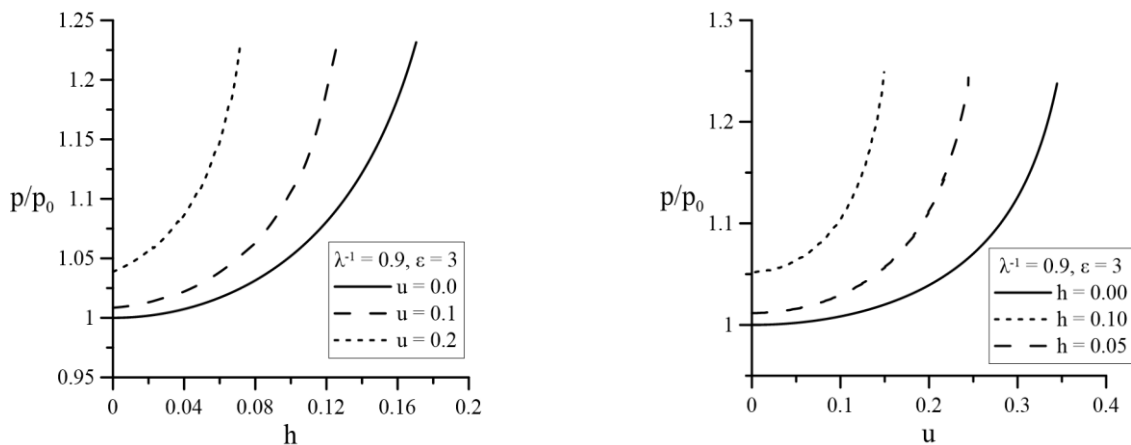
где  $V$  – объем, занимаемый одним витком спирали. Минимизация свободной энергии (7) по константе интегрирования  $k$  дает условие для ее нахождения:

$$\int_{\varphi_c - 2\pi}^{\varphi_c} \sqrt{A} d\varphi = 2\pi. \quad (8)$$

Для нахождения шага  $p$  спирали ФХ, направим магнитное поле под углом  $\varphi_H = \varphi_0$ . В этом случае течение и магнитное поле ориентируют директор в од-

ном направлении, поэтому в раскрученной (ферронематической) фазе он будет направлен под углом  $\varphi_c = \varphi_0 = \varphi_H$ .

В результате численного решения уравнений (5) и (8), получена зависимость шага спирали феррохолестерика от магнитного поля  $p(h)$  (Рис. 2, слева) и от градиента скорости сдвига  $p(u)$  (Рис. 2, справа). Как видно из рисунка, раскручивание спирали ФХ осуществляется как сдвиговым потоком, так и магнитным полем. Увеличение градиента скорости сдвига  $u$  приводит к росту шага спирали, понижая магнитное поле перехода ФХ–ФН. Аналогичная тенденция выявлена при увеличении магнитного поля  $h$ , которое понижает величину градиента сдвига в переходе ФХ–ФН.



**Рис. 2.** Зависимость шага спирали ФХ от магнитного поля  $p(h)$  (слева) и от величины градиента скорости сдвига  $p(u)$  (справа)

### Список литературы

1. Клеман М., Лаврентович О. Д. Основы физики частично упорядоченных сред / Пер. с англ. под ред. С. А. Пикина, В. Е. Дмитриенко. М.: Физматлит, 2007. 680 с.
2. Derfel G. Shear flow induced cholesteric-nematic transition // Molecular Crystals and Liquid Crystals. 1983. Vol. 92. P. 41-47.
3. Захлевных А. Н., Селиванов А. Н. Влияние магнитного поля на сдвиговое течение холестерического жидкого кристалла // Вестник Пермского университета. Серия: Физика. 2000. № 6. С. 46-49.
4. Garbovskiy Y. A, Glushchenko A. V. Liquid Crystalline Colloids of Nanoparticles: Preparation, Properties and Applications // Solid State Physics. 2010. Vol. 62. P. 1-74.
5. Mertelj A., Lisjak D., Drofenik M., Čopič M. Ferromagnetism in suspensions of magnetic platelets in liquid crystal // Nature. 2013. Vol. 504. P. 237-241.
6. Brochard F., de Gennes P. G. Theory of magnetic suspensions in liquid crystals // Journal de Physique. 1970. Vol. 31. P. 691-708.